Plan Mathématiques Formation continue 2020-2021

Circonscription Lons Nord

Se former en constellation

1er février 2021 - 17h15/19h15

Conseil de constellation

LE FIED - PASSENANS - SAINT LOTHAIN





Problématique de travail :



Résolution de problème :

La mise en commun

- Comment prendre en compte les propositions des élèves ?
 - Comment faire évoluer les procédures ?
 - Comment envisager la trace écrite ?

1. S'approprier la problématique

Brainstorming Difficultés rencontrées Récréation 1

2. Lire ensemble le réel

Evaluations nationales

Evaluation TIMSS

Observation d'activités des élèves

Récréation 2

3. Que disent les programmes ?

Récréation 3

4. . Repères didactiques

Une démarche d'enseignement

Phase d'appropriation

Phase de recherche

Mise en commun

Institutionnalisation

La représentation en barres

Récréation 4

Réflexion pour une démarche efficace d'enseignement



Brainstorming

Résolution de problème

Mise en commun

Trace écrite

Mots clés

Chercher

Représenter

Modéliser

Raisonner

Calculer

Communiquer

Ecrit de recherche

Ecrit de la classe

Ecrit de savoir

Trace écrite

Schématiser

Mise en commun

Explicitation

Manipuler

Procédures

Reformuler

Verbaliser

Abstraire



Difficultés rencontrées

- Temps
 - Place des mathématiques dans l'emploi du temps / volume horaire dans la semaine
 - ► Temps effectif d'activité mathématiques pendant le temps scolaire
 - ► Temps de parole des élèves : place de l'explicitation
- Quels sont les objectifs d'enseignement ?
 - ► Apprendre à chercher, à raisonner, à calculer, s'entrainer ?
- Mettre en place des « mises en commun »
- Phase d'institutionnalisation : souvent peu présente, par manque de temps ? par manque de clarté cognitive ? Que garder? Pour qui ? Pour quoi ?







Vos pratiques

Observation de quelques activités

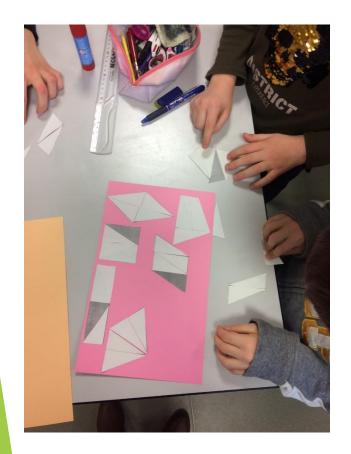
Evaluations nationales

Evaluation TIMSS

La résolution de problèmes: vos pratiques

- 1) Temps consacré aux problèmes par semaine?
- 2) Traitez-vous la résolution de problèmes en tant que telle (séances spécifiques) ?
- 3) Des temps courts spécifiques problèmes ? Problème du jour, problèmes à l'oral...
- 4) Qui valide?
- 5) Quelles difficultés? Pourquoi ne pas en proposer davantage?
- 6) Avez-vous un support pour des traces écrites de référence ? Si oui lequel ?

Trace des activités des élèves



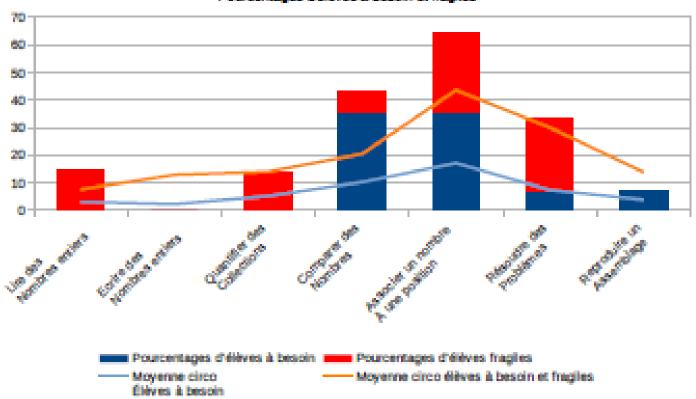




Saint Lothain Evaluation CP 2021

Compétences en mathématiques début CP septembre

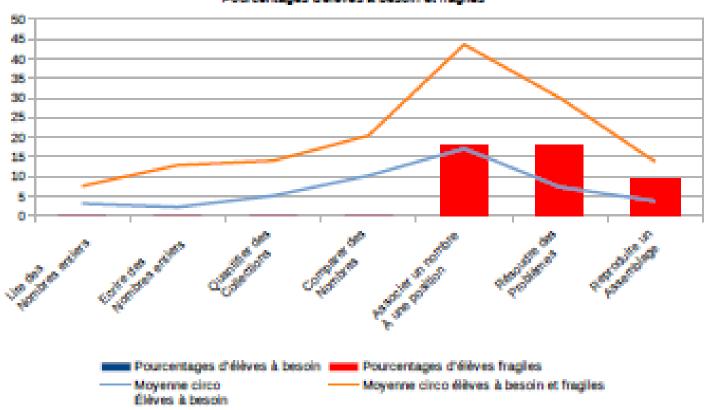
Pourcentages délèves à besoin et fragiles



Le Fied Evaluation CP 2021

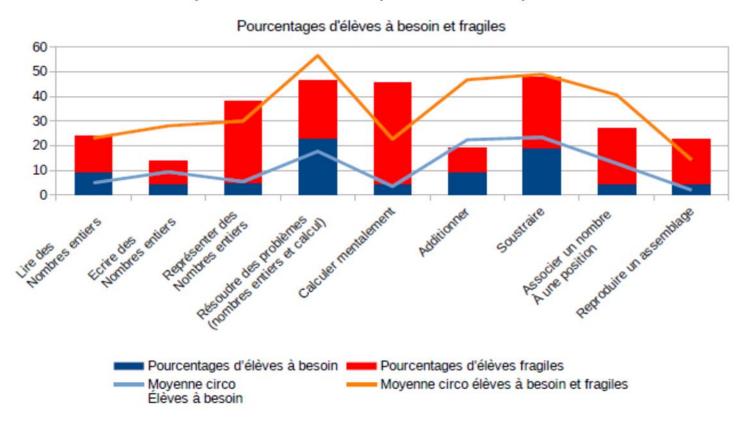
Compétences en mathématiques début CP septembre

Pourcentages délèves à besoin et fragiles



Le Fied Evaluation CE1 2021

Compétences en mathématiques début CE1 septembre



TIMSS 2019





Maria a voyagé à vélo pendant 4 jours. Elle a parcouru la même distance chaque jour.

Au total, elle a parcouru 76 kilomètres.

Combien de kilomètres Maria a-t-elle parcouru chaque jour ?

FRANCE



18 13 %



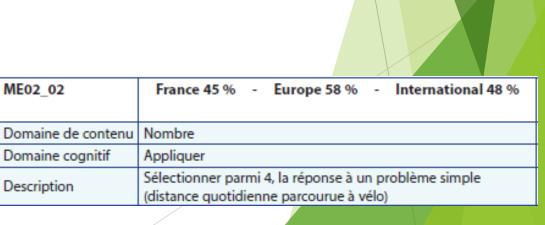
19 45 9

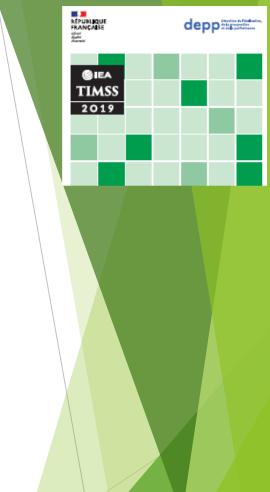


20 89



24 **29** %





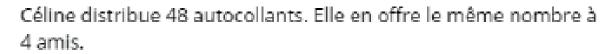
TIMSS 2019



HEMIPS RESTANT







Quelle opération donne le nombre d'autocollants que Céline offre à chaque ami?

FRANCE









ME02_04	France 38 % - Europe 72 % - International 59 %			
Domaine de contenu	Nombre			
Domaine cognitif	Appliquer			
Description	Sélectionner, parmi 4, l'expression mathématique permettant d'obtenir la réponse à un problème de partage.			

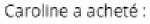


TIMSS 2019











prix 22 zeds

Anne a acheté:



prix 13 zeds

Combien coûtent une





FRANCE

Réponse :



zeds

10%

Combien coûte une 🧥 ?



Réponse :



12 %

ME02 05 France 5 % -Europe 12 % - International 10 % Domaine de contenu Nombre Domaine cognitif Raisonner Déterminer le poids d'objets (deux réponses attendues), Description résolution de problème avec étape intermédiaire.





TEMPS RESTANT

0



Un professeur souhaite répartir 30 élèves en groupes de telle manière

- que chaque groupe ait le même nombre d'élèves, et
- que chaque groupe ait un nombre impair d'élèves.

Trouve deux façons différentes permettant au professeur de faire ces groupes.

Méthode 1 Nombre de groupes : Nombre d'élèves dans chaque groupe : Méthode 2 Nombre de groupes : Nombre d'élèves dans chaque groupe :

ME06_03	France 12 % - Europe 25 % - International 24 %				
TIMSS Benchmark	Avancé				
Domaine de contenu	Nombre				
Domaine cognitif	Raisonner				
Description	Concevoir deux façons de regrouper des objets en satisfaisant à deux conditions.				

Récréation 1



Un manteau coûte 164 euros. Le manteau coûte quatre fois plus cher que la chemise. J'achète le manteau et la chemise.

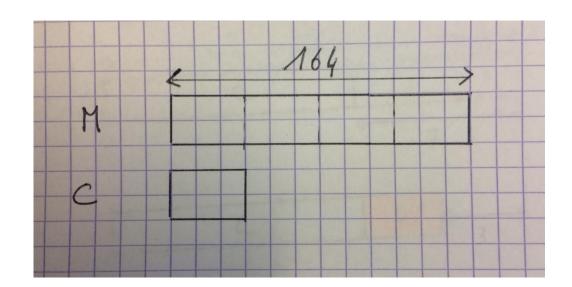
Combien dois-je payer?

Récréation 1



Un manteau coûte 164 euros. Le manteau coûte quatre fois plus cher que la chemise. J'achète le manteau et la chemise.

Combien dois-je payer?



3. Que disent les programmes ?





MINISTÈRE DE L'ÉDUCATION NATIONALE







Centre national d'étude des systèmes scolaires













le c**nam** Cnesco

Centre national d'étude des systèmes scolaires



Qu'est-ce qu'une conférence de consensus ?

Une conférence de consensus, vise à faire le lien entre, d'un côté, les préoccupations et les questions des praticiens et du grand public, et, de l'autre, les productions scientifiques.

Quelles sont les caractéristiques des recommandations ?

Les recommandations visent à la fois une **perspective temporelle longue** en évoquant la modification des programmes et des manuels scolaires ou la formation des enseignants **mais également de court terme** en proposant de faire évoluer les pratiques des enseignants dans leur classe et en donnant des clés pour faciliter l'apprentissage des mathématiques aux parents d'élèves.

Recommandations

le c**nam** Cnesco

Centre national d'étude des systèmes scolaire



Certaines pratiques d'enseignement potentiellement inefficaces

La prise en compte des difficultés rencontrées par les élèves en mathématiques, notamment en éducation prioritaire, peut amener certains enseignants à adapter leurs pratiques. Mais, selon certaines recherches, synthétisées dans un rapport commandé par le Cnesco, ces adaptations pourraient ne pas être toujours favorables aux apprentissages.

Ces recherches montrent, en effet, que lorsqu'un enseignant donne des exercices trop simples ou apporte de trop grandes aides aux élèves, il pourrait y avoir un risque d'aggravation des difficultés des élèves.

Ne pas attendre la maîtrise parfaite d'une notion pour en aborder une nouvelle avec les élèves

Trop souvent l'enseignement de notions difficiles est reporté sous prétexte que certaines notions ne sont pas encore acquises. Or, enseigner les nombres nécessite un travail important, organisé progressivement dans la durée, sur la compréhension du sens des notions.

Retarder dans le temps l'approche de nouvelles notions creuse les écarts.



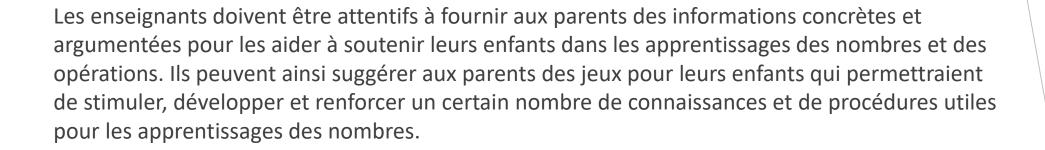




e cnam Cnesco

Constat:

De grandes inégalités existent du point de vue du soutien familial aux apprentissages scolaires. De nombreux parents, qui ont parfois éprouvé eux-mêmes des difficultés scolaires, sont démunis particulièrement dans le domaine des mathématiques.





Comment les parents peuvent-ils faire progresser leur enfant au quotidien ?

- □ Jouer à des jeux de société (petits chevaux, jeux de cartes, etc.)
 - □ Compétence travaillée : appréhender les nombres et s'entraîner en calcul
- □ Mettre le couvert à table
 - n Anticiper (imaginer un nombre de fourchettes égal au nombre d'assiettes), compter (de petits nombres)
- ▶ □ Faire un gâteau
 - Description des la marche des l
- Utiliser la monnaie
 - ▶ □ Compter, additionner
- □ Regarder le calendrier
 - ▶ □ Travailler les écarts entre les nombres
- Lire l'heure
 - □ Travailler les relations entre 15,30, 45 et 60 ou 1/4, 1/2, 3/4 et 1





Indiquer aux familles des ressources en ligne qui peuvent être utilisées dans le cadre familial en continuité avec le travail conduit à l'école















Maternelle

Une école qui organise des modalités spécifiques d'apprentissage.

Apprendre en jouant: Le jeu favorise la richesse des expériences vécues par les enfants dans l'ensemble des classes de l'école maternelle et alimente tous les domaines d'apprentissages.





Maternelle

Construire les premiers outils pour structurer sa pensée Découvrir les nombres et leurs utilisations

- ▶ Dans le domaine 4 des programmes, Construire les premiers outils pour structurer sa pensée, ni l'expression « résolution de problèmes », ni le mot « problème » n'apparaissent.
 - Par contre, on les retrouve plusieurs fois dans les programmes comme modalité de travail.
- « Un problème est généralement défini comme une situation initiale avec un but à atteindre, demandant au sujet d'élaborer une suite d'actions ou d'opérations pour atteindre ce but. Il n'y a problème que si la solution n'est pas disponible d'emblée mais possible à construire »

(Jean Brun)

Classification des problèmes pour la maternelle :

- Les problèmes de développement logique
- Les problèmes numériques



Cycle 2

 Au cycle 2, la résolution de problème est au centre de l'activité mathématique des élèves, développant les capacités à chercher, raisonner et communiquer.

Attendus de fin de cycle:

Résoudre des problèmes en utilisant des nombres entiers et le calcul.

Résoudre des problèmes issus de situations de **la vie quotidienne** ou adaptés de jeux portant sur des grandeurs et leur mesure, des déplacements sur une demidroite graduée, etc., conduisant à utiliser les quatre opérations :

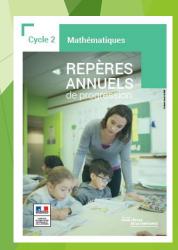
Sens des opérations.

Problèmes relevant des structures additives (addition/soustraction). Problèmes relevant des structures multiplicatives, de partages ou de groupements (multiplication/division). Modéliser ces problèmes à l'aide d'écritures mathématiques.

Sens des symboles $+, -, \times, :$







Cycle 3

La résolution de problèmes constitue le critère principal de la maitrise des connaissances dans tous les domaines des mathématiques, mais elle est également le moyen d'en assurer une appropriation qui en garantit le sens.

Attendus de fin cycle :

- Résoudre des problèmes en utilisant des fractions simples, les nombres décimaux et le calcul.
- Résoudre des problèmes impliquant des grandeurs (géométriques, physiques, économiques) en utilisant des nombres entiers et des nombres décimaux.



Récréation 2



Laurent achète une trousse à 7 euros et un classeur. Il paie 15 euros.

Jean achète un classeur et une équerre.

Il paie 3 euros de moins que Laurent.

Combien coûte l'équerre ?

Récréation 2

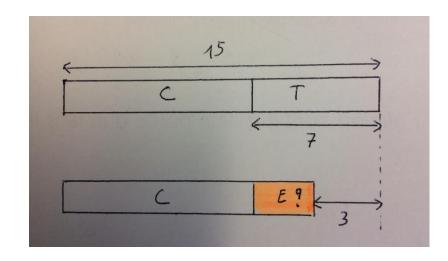


Laurent achète une trousse à 7 euros et un classeur. Il paie 15 euros.

Jean achète un classeur et une équerre.

Il paie 3 euros de moins que Laurent.

Combien coûte l'équerre ?



4. Repères didactiques

Démarche d'enseignement

L'apprentissage à la résolution de problème doit faire l'objet d'un apprentissage structuré.

Démarche d'enseignement

Ecrits des élèves

Les 6 compétences mathématiques

Chercher

Raisonner

Calculer

Modéliser

Représenter

Phase d'appropriation

Ecrit de recherche

- Phase de recherche
 - Manipulation

Mise en commun

Expliciter

Ecrit de travail:

trace de la classe

Institutionnalisation

Communiquer

▶ Trace écrite

Abstraire

Réflexion pour une démarche efficace d'enseignement

32

Les types de problèmes

Quels énoncés choisir pour quel objectif?

Problèmes atypiques (ouverts, pour chercher)

Les élèves ne disposent pas de stratégies connues a priori pour les résoudre, ni de modèle préalablement enseigné.

Ce genre de problème ne vise pas l'acquisition d'une connaissance mais le **développement** de raisonnement.

Ils visent l'inventivité stratégique et la prise de risque

Ils peuvent constituer un travail spécifique qui est à conduire en parallèle des autres problèmes.

Exemple : Pb ouvert au CE1 pb de dénombrement / CE2 partage / recherche de plusieurs possibilités / recherche de toutes les solutions/ CM pb avec 2 contraintes (2 inconnues)

Notion de preuve : Au CM, les élèves auront à prouver l'exhaustivité, l'unicité ou l'absence 33 de solution.

Fonctions	PROI	PROBLÈMES POUR CHERCHER		
	Situation- problème	Problème d'application directe	Problème de réinvestissement /transfert	Problème ouvert
Types de problèmes	Problème dont la résolution vise la construction d'une nouvelle connaissance ou d'un nouvel aspect d'une connaissance antérieure	Problème destiné à s'entrainer à maîtriser le sens d'une connaissance nouvelle	Problème complexe nécessitant l'utilisation de plusieurs connaissances construites dans différents contextes	Problème centré sur le développement des capacités à chercher : en général, les élèves ne connaissent pas la solution experte 8

« J'ai 250 œufs. Combien de boîtes de 6 sont nécessaires pour les ranger ?"	CE1 : Problème Ouvert	Les élèvent ne connaissent pas la technique de la division. Ils sont face à un défi intellectuel qu'ils doivent relever pour chercher, ils vont utiliser différentes procédures personnelles : dessin, manipulation, calculs partiels
	CE2 : Situation Problème	Ils ne connaissent pas encore la technique de la division. Analyser les procédures utilisées et leurs limites. Identifier la procédure experte pour introduire la technique opératoire de la division.
	CM2 : Problème d'application	La division a été étudiée. Les élèves sont censés reconnaître un problème de division et utiliser la technique opératoire pour le résoudre.

Phase d'appropriation

Elle a pour fonction de faire comprendre aux élèves le but visé et ses contraintes. L'enseignant peut expliquer le vocabulaire non maitrisé par les élèves.

Il peut lire l'énoncé à voix haute, faire reformuler les données de l'énoncé. Il peut vérifier la bonne compréhension de l'énoncé en posant quelques questions : que sait-on ? que cherche-t-on ?

Phase de recherche

Temps de recherche individuelle :

Chaque élève s'approprie l'énoncé et s'appuie sur ses connaissances préalables.

Laisser un temps à l'élève pour se confronter individuellement au problème est incontournable.

Temps de recherche en groupe (de 2 à 4):

Favorise les échanges et la mise en forme d'une trace pour communiquer

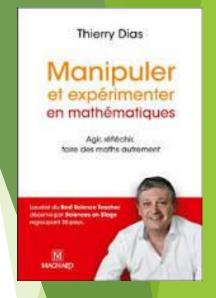


Chercher en mathématiques

- Reconnaitre que l'on ne sait pas
- Si un chercheur professionnel en est convaincu il en va autrement pour un apprenti chercheur. La posture de recherche s'apprend.
- ► En classe de maths, exhiber ses lacunes en termes de connaissances n'est pas reconnue comme une posture de chercheur, mais plutôt comme l'aveu d'un manque. D'où l'importance pour le professeur de construire un climat adapté à l'émergence sereine des doutes, des questions et des erreurs.
- ► Chercher, c'est aussi poursuivre un but
- ▶ Processus dont le but n'est pas ne se limite pas à l'obtention du résultat.

Le maitre devra relativiser la notion de solution d'un problème au profit de celle de la validité de sa résolution.

Thierry DIAS



La mise en commun

Analyse préalable des productions par l'enseignant

Pendant la phase de recherche, l'enseignant a repéré chez les élèves les principaux types de productions et d'erreurs, il lui est possible d'identifier:

- Les productions qui ne respectent pas les contraintes du problème
- Celles qui n'ont pas abouti
- Des méthodes fiables, accessibles à tous, même si elles ne sont pas les plus performantes.
- Des méthodes plus efficaces

Ce repérage est nécessaire pour organiser ensuite la mise en commun :

L'enseignant peut alors sélectionner 3 ou 4 productions pertinentes pour les échanges et inviter les auteurs à expliciter leur raisonnement.

Identifier les connaissances visées

La mise en commun permet la formulation des propriétés et la compréhension des méthodes utilisées.

Il est important que l'enseignant explicite un objectif en terme de connaissances

L'organisation de la mise en commun

3 ou 4 productions sont présentées à la classe.

→ Faire dire à l'élève comment il a fait pour arriver à son résultat

Ce sont les élèves qui explicitent oralement leurs démarches, qu'elles soient correctes ou erronées, abouties ou non, en s'appuyant sur leurs écrits éventuels.

La mise en commun favorise la prise de conscience, pour les élèves, des différents procédés.

Les explications orales des élèves, qui peuvent traduire des erreurs, constituent des repères importants pour l'enseignant.

L'enseignant est le garant des échanges tant sur la qualité de la formulation ou de l'écoute que sur l'exactitude des propositions.

Quand il le juge pertinent, le professeur hiérarchisera les procédures mises en œuvre en prenant en compte leur efficacité et leur économie afin de montrer qu'elles ne se valent pas toutes.

La validation des solutions

Une des fonctions de la mise en commun est de permettre au élèves de valider euxmêmes leurs solutions et leurs méthodes.

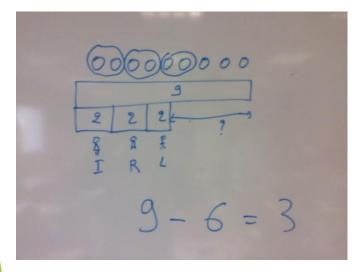
L'enseignant donne aux élèves cette responsabilité, il peut intervenir pour encourager une reformulation ou reformuler lui-même, mais non pour affirmer que tel ou tel résultat est vrai ou faux.

Exemple de représentation au cycle 2

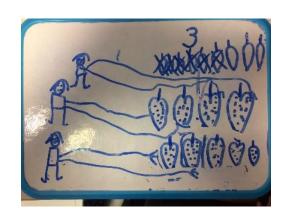
Il y a 9 fraises Luc, Rose et Ida en mangent 2 chacun Combien reste-t-il de fraises ?

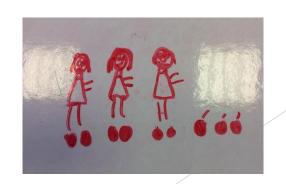
La manipulation d'objets plus ou moins concrets peut aider à la représentation

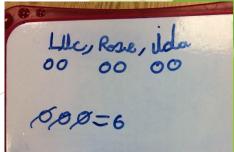




Différents degrés d'abstraction au niveau de la représentation :







Les écrits des élèves

Les écrits de recherche

L'élève doit se sentir libre de faire des essais, de se tromper, sans que cela soit conservé de façon visible par tous (parents, enseignant...)

A la fin de la recherche, ces écrits servent à la mise en commun.

Que garder alors dans le cahier de l'élève ?

Il peut recopier dans son cahier une reformulation de sa recherche qu'il a pu améliorer et retravailler grâce à la mise en commun.

La trace du travail de la classe

Elle est réalisée collectivement mais reste attachée au contexte de la situation. Cette trace dépasse la recherche des élèves, elle est conservée et réutilisée pour servir de support à la production de savoir.

La trace écrite ou institutionnalisation

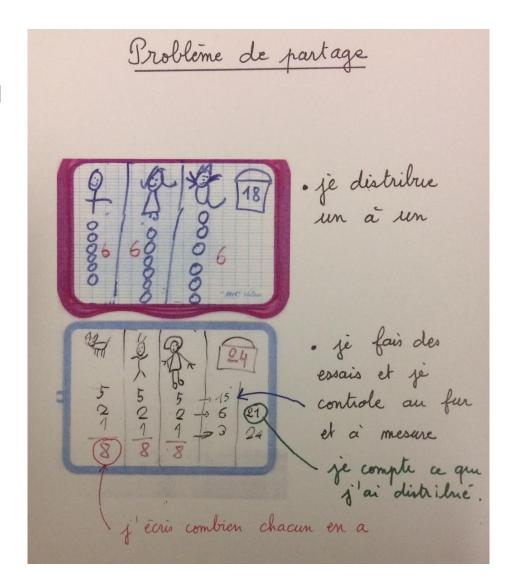
L'enjeu d'une situation est l'acquisition d'un savoir. Lorsqu'il y a consensus au sein de la classe, alors la trace écrite sera la mémoire de certaines procédures, connaissances et savoirs, reconnus par l'enseignant comme valides et que l'élève doit retenir.

La trace écrite ou institutionnalisation

- FORMALISATION DU SAVOIR A PARTIR DE LA MISE EN COMMUN
- Un temps de synthèse permet ensuite l'élaboration collaborative et progressive d'une trace écrite.
- ▶ Elle sera conservée dans un document recueillant les « écrits de savoir ».
- La synthèse va porter sur les conditions de réussite et les connaissances acquises.
- Lors des moments de synthèse et d'institutionnalisation, le professeur s'attache à faire expliciter les productions des élèves
- Le nombre de procédures exposées est limité :ce choix effectue par le professeur répond à deux critères au moins :
- Exposer la ou les procédures efficaces
- Permettre à l'élève de se repérer dans la hiérarchie de procédures et permettre à chacun de franchir une étape de cheminement cognitif vers une procédure plus efficace.

Institutionnalisation

Exemple au CE1



La représentation en barres

Modèle additif

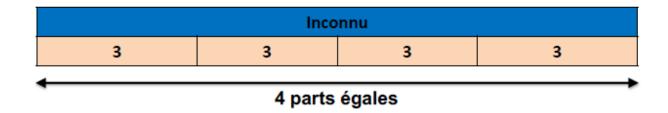


Valeur totale			
Valeur 1	Valeur 2		

- Rectangles remplis par les nombres (valeurs) connus, et, si le nombre (valeur) est inconnu par « inconnu », « ? » ou un mot (les aligner sur la marge).
- Longueur de la barre rectangle pas forcément proportionnelle au nombre qu'elle contient. On peut représenter le plus petit nombre par une barre plus courte.
- Un seul modèle pour le champ additif: recodage sémantique.



Modélisation pour ces exercices



- Exemple 7 : J'ai 4 sacs de 3 billes, combien ai-je de billes ?
- Exemple 8 : Je souhaite partager avec mon petit-frère les billes gagnées aujourd'hui. J'en garde 3 et j'en donne le triple à mon petit frère. Combien de billes avais-je gagné aujourd'hui ?
- Exemple 9 : Je partage mes billes avec mon frère, j'en garde $\frac{1}{4}$ et j'en donne le reste. J'ai maintenant 3 billes. Combien en avais-je en tout ?
- Exemple 10 : J'ai 3 billes, ma sœur autant et mon frère en a le double.
 Combien avons-nous de billes en tout?

- 5

Récréation 3

Lorenzo a 60 €.

Il en utilise les 3 quarts pour s'acheter un manteau.

Combien d'argent lui reste-t-il?



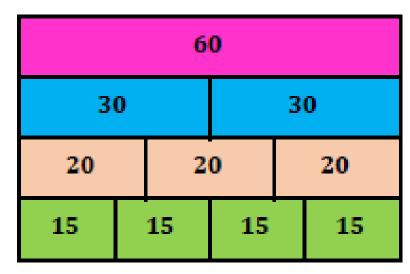
Récréation 3

Plaisir Caths

Lorenzo a 60 €.

Il en utilise les 3 quarts pour s'acheter un manteau.

Combien d'argent lui reste-t-il?



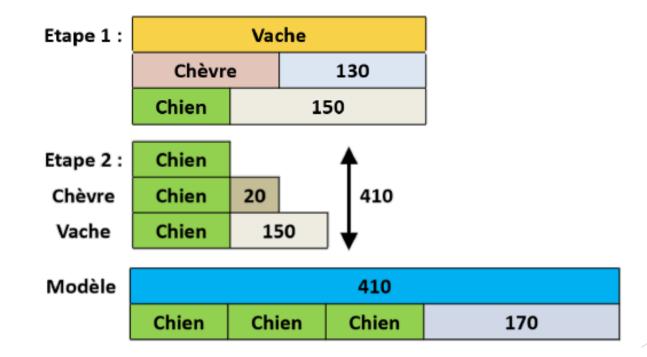
1					
$\frac{1}{2}$		$\frac{1}{2}$			
1 3		1 3	1/3		
$\frac{1}{4}$	1 4	1 4	1 4		

Problème complexe: recherche du modèle Pré algèbre

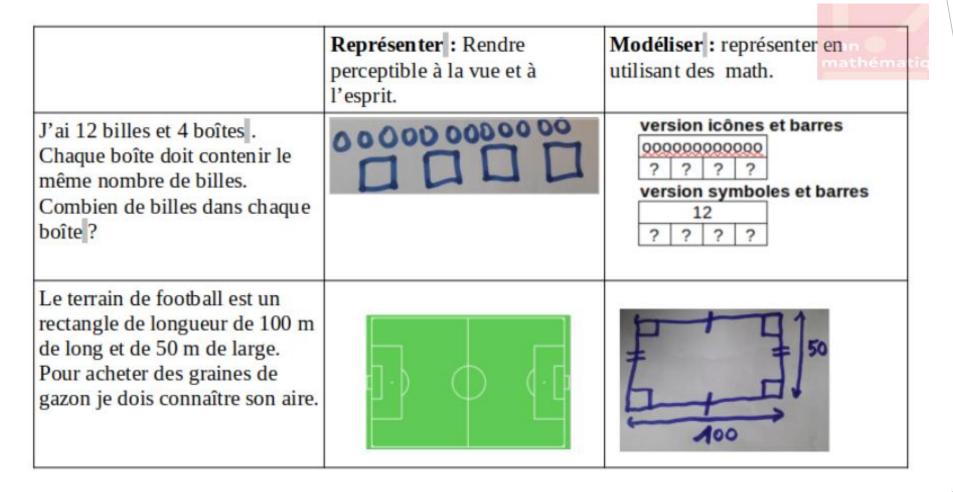
Une jeune vache pèse 150 kg de plus qu'un chien. Une chèvre pèse 130 kg de moins qu'une vache. Ensemble, les animaux pèsent 410 kg. Combien pèse le chien ?

Problème complexe: recherche du modèle Pré algèbre

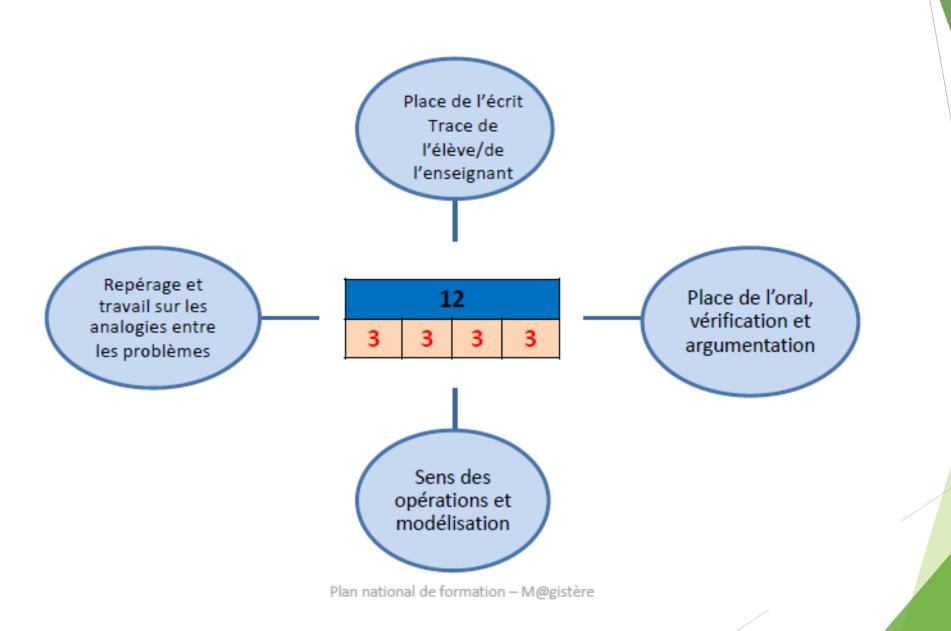
Une jeune vache pèse 150 kg de plus qu'un chien. Une chèvre pèse 130 kg de moins qu'une vache. Ensemble, les animaux pèsent 410 kg. Combien pèse le chien ?



Quelle différence entre représenter et modéliser ?



Pour modéliser, il faut avoir repéré quels concepts mathématiques sont sous-jacents.



Modélisation, sens des opérations et abstraction

- Le schéma ne doit pas être un « tableau vide » à remplir mais doit avoir du sens.
- Avec l'habitude : l'élève se réfèrera explicitement à une banque de problèmes déjà vus et à une banque de schémas.
- Ce schéma constitue aussi une mémoire:
- mémoire du problème et des étapes de la modélisation (mise en relation mathématique des informations)
 - mais aussi mémoire des étapes et procédures de la résolution
- un support concret et partagé pour la vérification du résultat et l'explicitation du raisonnement: support pour l'argumentation orale entre élève/professeur/élèves

5. Suite de la formation

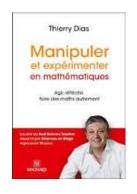
- Vos besoins, vos demandes, vos interrogations?
- Préparation du distanciel
 - Problème à proposer à ses élèves et garder trace des procédures
 - ► Chacun pourra présenter cette séance à la prochaine réunion de constellation
 - ▶ Ressource pour la mise en place et/ou l'amélioration d'un coin maths
 - ► Réflexions et échanges de pratique à propos des manuels et méthodes
 - ▶ Alexia utilise MHM, certains sont intéressés pour découvrir cette méthode

Ressources utilisées











Centre national d'étude des systèmes scolaires





